

习题六解答

1. 解：（1）数一数，前四个点群包含的点数分别是：1，5，9，13.

不难发现，这是一个等差数列，公差是4，可以推出，第5个点群包含的点数是：

$$13+4=17 \text{ (个)} .$$

（2）下面依次写出各点群的点数，可得第10个点群的点数为37.

第几个点群	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
包含的点数	1	5	9	13	17	21	25	29	33	37

（3）前十个点群的所有点数为：

$$\begin{array}{ccccccc} & & \text{---}30\text{---} & & & & \\ & \text{---} & & \text{---} & & \text{---} & \\ 1+5+9+13+17+21+25+29+33+37 & = & 190 & \text{ (个)} \\ \text{---} & & \text{---} & & \text{---} & & \text{---} \\ 10 & 30 & 50 & 70 & & & \end{array}$$

2. 解：（1）数一数，前4个点群包含的点数分别是：

1，4，9，16.

不难发现，这是一个自然数平方数列. 所以第5个点群（即方框中的点群）包含的点数是：

$$5 \times 5 = 25 \text{ (个)} .$$

（2）按发现的规律推出，第十个点群的点数是：

$$10 \times 10 = 100 \text{ (个)} .$$

（3）前十个点群，所有的点数是：

$$\begin{array}{ccccccc} & & \text{---}20\text{---} & & \text{---}130\text{---} & & \\ & \text{---} & & \text{---} & & \text{---} & \\ 1+4+9+16+25+36+49+64+81+100 & = & 385 & \text{ (个)} \\ \text{---} & & \text{---} & & \text{---} & & \text{---} \\ 10 & 100 & & & & & \end{array}$$

3. 解：（1）数一数，前四个点群包含的点数分别是：4，8，12，16.

不难发现，这是一个等差数列，公差是4，可以推出，第5个点群（即方框中的点群）包含的点数是：

$$16+4=20 \text{ (个)} .$$

（2）下面依次写出各点群的点数，可得第10个点群的点数为40.

第几个点群	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
包含的点数	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40

（3）前十个点群的所有的点数为：

$$\begin{array}{c} 20 \\ \swarrow \quad \searrow \\ 4+8+12+16+20+24+28+32+36+40=220 \text{ (个)} \end{array}$$

4. 解：从最简单情况入手，找规律：



图6-9

照着这种规律可求得：

（1）当中央最高一摞是10块时，这堆砖的总数是：

$$1+2+3+4+5+6+7+8+9+10+9+8+7+6+5+4$$

$$+3+2+1$$

$$=10 \times 10=100 \text{ (块)} .$$

(2) 当中央最高一摞是100块时，这堆砖的总数是：

$$1+2+3+\cdots+98+99+100+99+98+\cdots+3+2+1$$

$$=100 \times 100 = 10000 \text{ (块)} .$$

5. 解：(1) 数一数，前五层中各层可见的方砖数是：1，3，5，7，9

不难发现，这是一个奇数列. 照此规律，十层中可见的方砖总数是：

$$1+3+5+7+9+11+13+15+17+19$$

$$=100 \text{ (块)} .$$

(2) 再想一想，前五层中，各层不能看到的方砖数是：

第一层 0块； 第二层 1块； 第三层 4块；

第四层 9块； 第五层 16块；

不难发现，1，4，9，16是自然数平方数列，按照此规律把其余各层看不见的砖块数写出来（如下表）：

第几层	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
看不见的砖数	0	1	4	9	16	25	36	49	64	81

则看不见的砖块总数为：

$$\overbrace{1+4+9+16+25+36+49+64+81}^{10} = \overbrace{100}^{100} = 285 \text{ (块)}$$